

# Contraste de hipótesis para media, proporción y varianza de 1 y 2 poblaciones

## Media de la población (varianza poblacional conocida)

### Dos lados

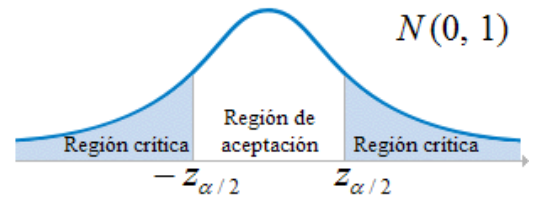
$$H_0: \mu = \mu_0$$

$$H_1: \mu \neq \mu_0$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$z_0 \notin \left( -z_{\frac{\alpha}{2}}, z_{\frac{\alpha}{2}} \right) \quad \text{Siendo } z_0 = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma / \sqrt{n}}$$

El estadístico  $z_0$  sigue una distribución normal  $N(0, 1)$ .



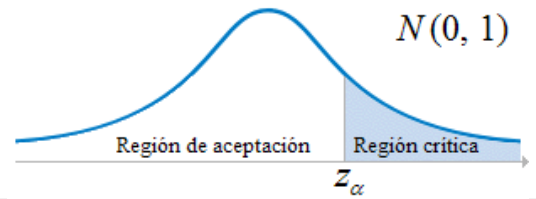
### Lado derecho

$$H_0: \mu \leq \mu_0$$

$$H_1: \mu > \mu_0$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$z_0 > z_{\alpha}$$



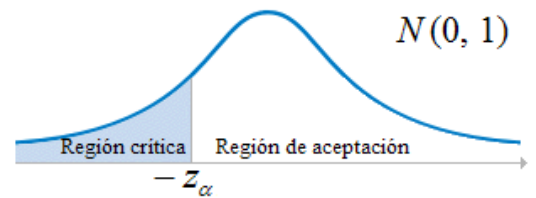
### Lado izquierdo

$$H_0: \mu \geq \mu_0$$

$$H_1: \mu < \mu_0$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$z_0 < -z_{\alpha}$$



**Media de la población** (varianza poblacional desconocida)

---

**Dos lados**

$H_0: \mu = \mu_0$

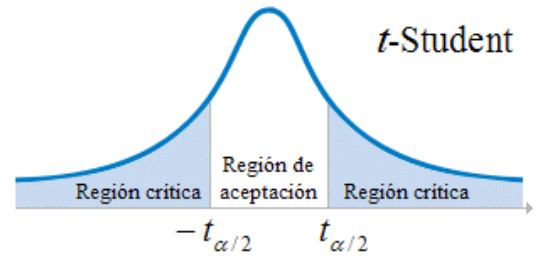
$H_1: \mu \neq \mu_0$

Rechazar  $H_0$  si:

$$t_0 \notin \left( -t_{\left(\frac{\alpha}{2}, n-1\right)}, t_{\left(\frac{\alpha}{2}, n-1\right)} \right)$$

Siendo  $t_0 = \frac{\bar{x} - \mu_0}{S/\sqrt{n}}$

El estadístico  $t_0$  sigue una distribución t-Student de  $n-1$  grados de libertad.



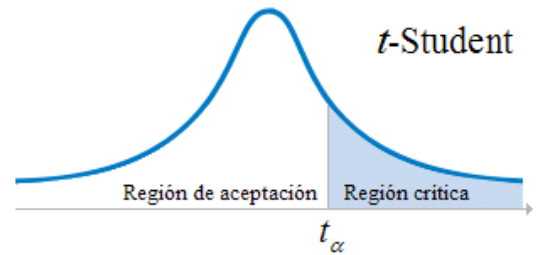
**Lado derecho**

$H_0: \mu \leq \mu_0$

$H_1: \mu > \mu_0$

Rechazar  $H_0$  si:

$$t_0 > t_{(\alpha, n-1)}$$



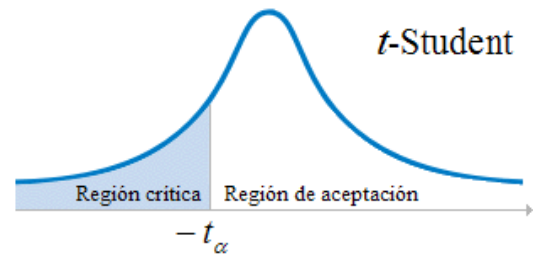
**Lado izquierdo**

$H_0: \mu \geq \mu_0$

$H_1: \mu < \mu_0$

Rechazar  $H_0$  si:

$$t_0 < -t_{(\alpha, n-1)}$$



## Varianza de la población

### Dos lados

$$H_0: \sigma^2 = \sigma_0^2$$

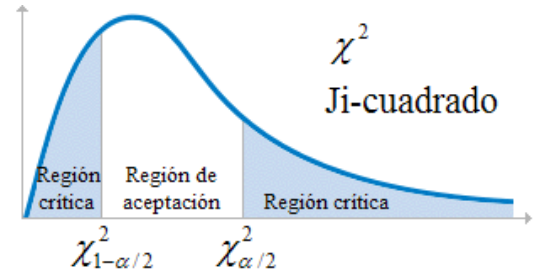
$$H_1: \sigma^2 \neq \sigma_0^2$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$\chi_0^2 \notin \left( \chi_{\left(1-\frac{\alpha}{2}, n-1\right)}^2, \chi_{\left(\frac{\alpha}{2}, n-1\right)}^2 \right)$$

$$\text{Siendo } \chi_0^2 = \frac{(n-1)S^2}{\sigma_0^2}$$

El estadístico  $\chi_0^2$  sigue una distribución Ji-cuadrado de  $n-1$  grados de libertad.



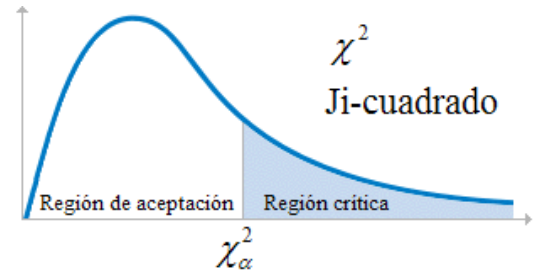
### Lado derecho

$$H_0: \sigma^2 \leq \sigma_0^2$$

$$H_1: \sigma^2 > \sigma_0^2$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$\chi_0^2 > \chi_{(\alpha, n-1)}^2$$



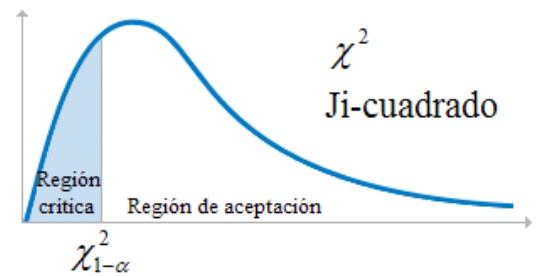
### Lado izquierdo

$$H_0: \sigma^2 \geq \sigma_0^2$$

$$H_1: \sigma^2 < \sigma_0^2$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$\chi_0^2 < \chi_{(1-\alpha, n-1)}^2$$



## Proporción de la población

### Dos lados

$$H_0: p = p_0$$

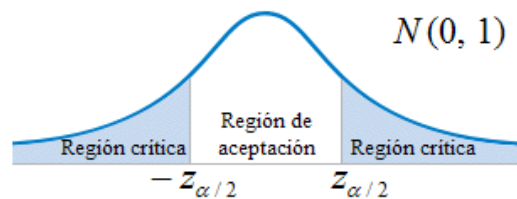
$$H_1: p \neq p_0$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$z_0 \notin \left( -z_{\frac{\alpha}{2}}, z_{\frac{\alpha}{2}} \right)$$

$$\text{Siendo } z_0 = \frac{n \hat{p} - n p_0}{\sqrt{n p_0 (1 - p_0)}}$$

El estadístico  $z_0$  sigue una distribución normal  $N(0, 1)$ .



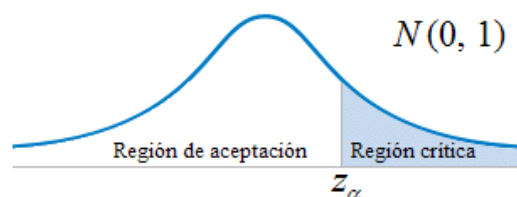
### Lado derecho

$$H_0: p \leq p_0$$

$$H_1: p > p_0$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$z_0 > z_{\alpha}$$



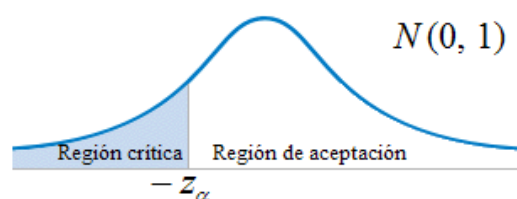
### Lado izquierdo

$$H_0: p \geq p_0$$

$$H_1: p < p_0$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$z_0 < -z_{\alpha}$$



## Diferencia de las medias de dos poblaciones (varianzas poblacionales conocidas y distintas)

### Dos lados

$$H_0: \mu_1 - \mu_2 = \Delta_0$$

$$H_1: \mu_1 - \mu_2 \neq \Delta_0$$

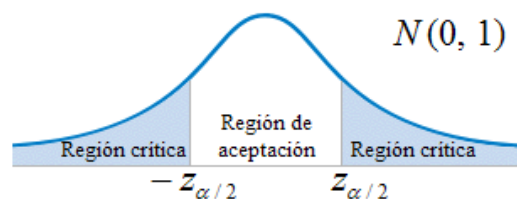
$$(\sigma_1^2 \neq \sigma_2^2)$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$z_0 \notin \left( -z_{\frac{\alpha}{2}}, z_{\frac{\alpha}{2}} \right)$$

$$\text{Siendo } z_0 = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2 - \Delta_0}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}}$$

El estadístico  $z_0$  sigue una distribución normal  $N(0, 1)$ .



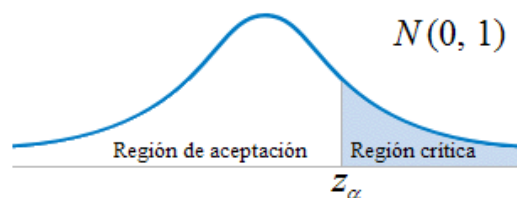
### Lado derecho

$$H_0: \mu_1 - \mu_2 \leq \Delta_0$$

$$H_1: \mu_1 - \mu_2 > \Delta_0$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$z_0 > z_{\alpha}$$



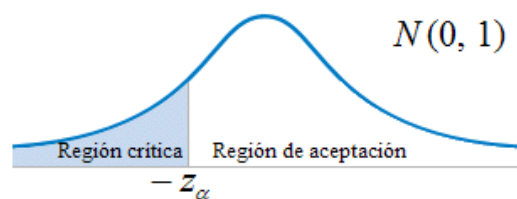
### Lado izquierdo

$$H_0: \mu_1 - \mu_2 \geq \Delta_0$$

$$H_1: \mu_1 - \mu_2 < \Delta_0$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$z_0 < -z_{\alpha}$$



**Diferencia de las medias de dos poblaciones** (varianzas poblacionales desconocidas e iguales)

**Dos lados**

$$H_0: \mu_1 - \mu_2 = \Delta_0$$

$$H_1: \mu_1 - \mu_2 \neq \Delta_0$$

$$(\sigma_1^2 = \sigma_2^2)$$

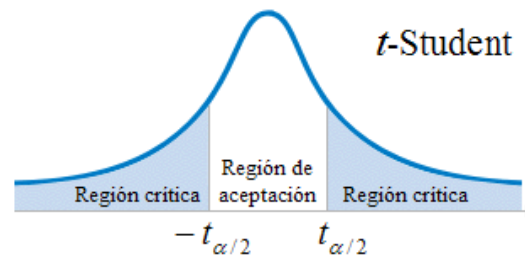
Rechazar  $H_0$  si:

$$t_0 \notin \left( -t_{\left(\frac{\alpha}{2}, n_1+n_2-2\right)}, t_{\left(\frac{\alpha}{2}, n_1+n_2-2\right)} \right)$$

Siendo 
$$t_0 = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2 - \Delta_0}{S_p \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}}$$

$$S_p^2 = \frac{(n_1 - 1) S_1^2 + (n_2 - 1) S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}$$

El estadístico  $t_0$  sigue una distribución t-Student de  $n_1+n_2-2$  grados de libertad.



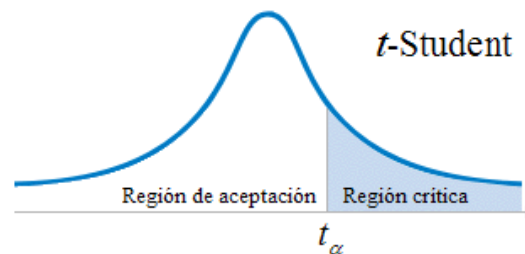
**Lado derecho**

$$H_0: \mu_1 - \mu_2 \leq \Delta_0$$

$$H_1: \mu_1 - \mu_2 > \Delta_0$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$t_0 > t_{(\alpha, n_1+n_2-2)}$$



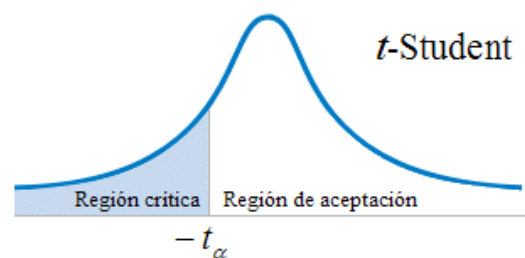
**Lado izquierdo**

$$H_0: \mu_1 - \mu_2 \geq \Delta_0$$

$$H_1: \mu_1 - \mu_2 < \Delta_0$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$t_0 < -t_{(\alpha, n_1+n_2-2)}$$



**Diferencia de las medias de dos poblaciones** (varianzas poblacionales desconocidas y distintas)

**Dos lados**

$$H_0: \mu_1 - \mu_2 = \Delta_0$$

$$H_1: \mu_1 - \mu_2 \neq \Delta_0$$

$$(\sigma_1^2 \neq \sigma_2^2)$$

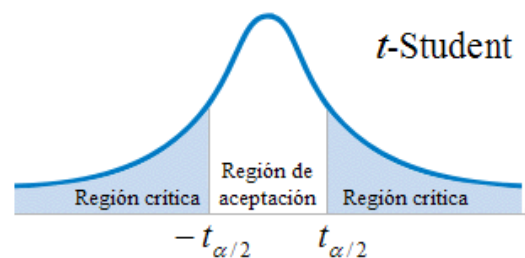
Rechazar  $H_0$  si:

$$t_0 \notin \left( -t_{\left(\frac{\alpha}{2}, \nu\right)}, t_{\left(\frac{\alpha}{2}, \nu\right)} \right)$$

Siendo 
$$t_0 = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2 - \Delta_0}{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}}$$

$$\nu = \frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{\frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1}\right)^2}{n_1 - 1} + \frac{\left(\frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{n_2 - 1}}$$

El estadístico  $t_0$  sigue una distribución t-Student de  $\nu$  grados de libertad.



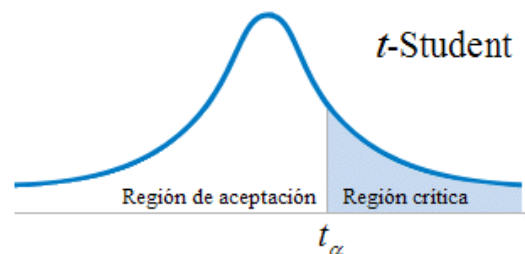
**Lado derecho**

$$H_0: \mu_1 - \mu_2 \leq \Delta_0$$

$$H_1: \mu_1 - \mu_2 > \Delta_0$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$t_0 > t_{(\alpha, \nu)}$$



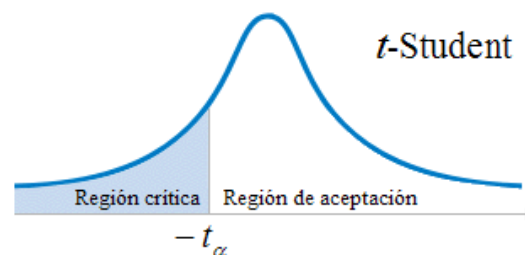
**Lado izquierdo**

$$H_0: \mu_1 - \mu_2 \geq \Delta_0$$

$$H_1: \mu_1 - \mu_2 < \Delta_0$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$t_0 < -t_{(\alpha, \nu)}$$



## Cociente de las varianzas de dos poblaciones

### Dos lados

$$H_0: \sigma_1^2 = \sigma_2^2$$

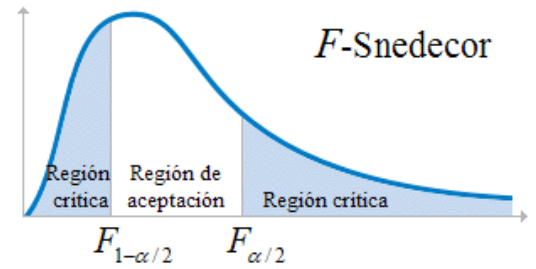
$$H_1: \sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$F_0 \notin \left( F_{\left(1-\frac{\alpha}{2}, n_1-1, n_2-1\right)}, F_{\left(\frac{\alpha}{2}, n_1-1, n_2-1\right)} \right)$$

$$\text{Siendo } F_0 = \frac{S_1^2}{S_2^2}$$

El estadístico  $F_0$  sigue una distribución  $F$ -Snedecor con  $n_1-1$  y  $n_2-1$  grados de libertad.



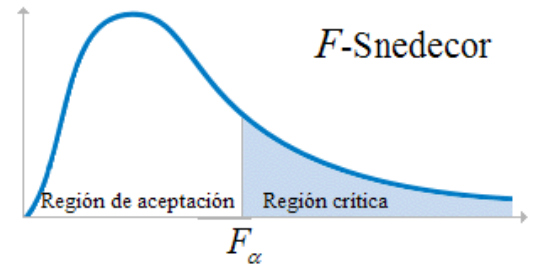
### Lado derecho

$$H_0: \sigma_1^2 \leq \sigma_2^2$$

$$H_1: \sigma_1^2 > \sigma_2^2$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$F_0 > F_{(\alpha, n_1-1, n_2-1)}$$



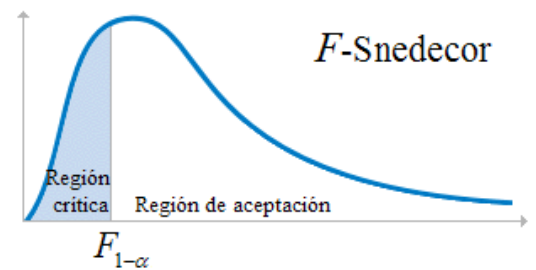
### Lado izquierdo

$$H_0: \sigma_1^2 \geq \sigma_2^2$$

$$H_1: \sigma_1^2 < \sigma_2^2$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$F_0 < F_{(1-\alpha, n_1-1, n_2-1)}$$



## Diferencia de las proporciones de dos poblaciones

### Dos lados

$$H_0: p_1 = p_2$$

$$H_1: p_1 \neq p_2$$

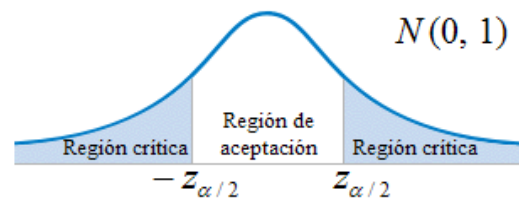
Rechazar  $H_0$  si:

$$z_0 \notin \left( -z_{\frac{\alpha}{2}}, z_{\frac{\alpha}{2}} \right)$$

Siendo 
$$z_0 = \frac{\hat{p}_1 - \hat{p}_2}{\sqrt{\hat{p}(1-\hat{p})\left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}}$$

$$\hat{p} = \frac{n_1 \hat{p}_1 + n_2 \hat{p}_2}{n_1 + n_2}$$

El estadístico  $z_0$  sigue una distribución normal  $N(0, 1)$ .



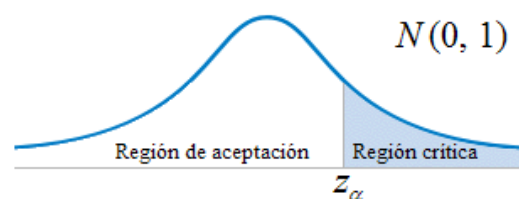
### Lado derecho

$$H_0: p_1 \leq p_2$$

$$H_1: p_1 > p_2$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$z_0 > z_{\alpha}$$



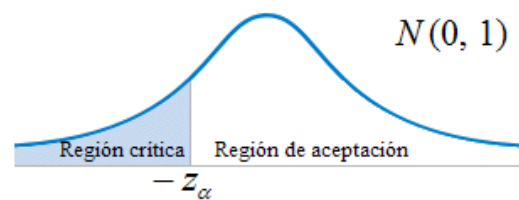
### Lado izquierdo

$$H_0: p_1 \geq p_2$$

$$H_1: p_1 < p_2$$

Rechazar  $H_0$  si:

$$z_0 < -z_{\alpha}$$





**Siendo**

$1 - \alpha$	Nivel de confianza
$\alpha$	Nivel de significación
$H_0$	Hipótesis nula
$H_1$	Hipótesis alternativa
$\mu$	Media poblacional
$\bar{x}$	Media muestral
$\sigma$	Desviación típica poblacional
$S$	Desviación típica muestral
$P$	Proporción de la población
$\hat{p}$	Proporción de la muestra
$n$	Tamaño de la muestra
$z_0$	Estadístico del contraste que sigue una distribución normal de Gauss
$t_0$	Estadístico del contraste que sigue una distribución $t$ -Student de Gosset
$F_0$	Estadístico del contraste que sigue una distribución $F$ de Fisher-Snedecor
$\chi_0^2$	Estadístico del contraste que sigue una distribución ji-cuadrado de Pearson
$z_\alpha$	Punto porcentual de la distribución normal de Gauss con probabilidad superior $\alpha$
$t_{(\alpha, \nu)}$	Punto porcentual de la distribución $t$ -Student de Gosset con probabilidad superior $\alpha$ con $\nu$ grados de libertad
$\chi_{(\alpha, \nu)}^2$	Punto porcentual de la distribución ji-cuadrado $\chi^2$ de Pearson con probabilidad superior $\alpha$ y con $\nu$ grados de libertad
$F_{(\alpha, \nu_1, \nu_2)}$	Punto porcentual de la distribución $F$ de Fisher-Snedecor con probabilidad superior $\alpha$ y con grados de libertad $\nu_1$ y $\nu_2$