

# Manual del Usuario

HEST

Herramientas de Estadística y Probabilidad para Windows



[www.vaxasoftware.com](http://www.vaxasoftware.com)

Ref.: HEST

## ÍNDICE

|  |    |
|--|----|
| Introducción.....  | 3  |
| Condiciones de uso.....  | 3  |
| Formatos de entrada de valores .....                                     | 4  |
| Tipos de cálculos.....   | 4  |
| Contraste de hipótesis.....  | 4  |
| Intervalo de confianza .....   | 5  |
| Distribuciones de probabilidad.....                                      | 5  |
| Estadística de 1 variable.....   | 6  |
| Estadística de 2 variables.....  | 6  |
| Teoremas de la Probabilidad Total y Bayes .....                          | 7  |
| Probabilidad para dos sucesos A y B .....                                | 7  |
| Anexo 1: Fórmulas de distribuciones de probabilidad.....                 | 8  |
| Anexo 2: Fórmulas de intervalos de confianza .....                       | 11 |
| Anexo 3: Fórmulas de contraste de hipótesis .....                        | 13 |
| Anexo 4: Fórmulas de estadística de 1 variable .....                     | 22 |
| Anexo 5: Fórmulas de estadística de 2 variables.....                     | 24 |
| Anexo 6: Fórmulas de los teoremas de la Probabilidad Total y Bayes ..... | 25 |
| Anexo 7: Fórmulas de probabilidad para dos sucesos A y B.....            | 26 |
| Especificaciones.....  | 27 |
| Marcas comerciales .....   | 27 |

## Introducción

HEstadis es una aplicación para Windows para cálculos de estadística y probabilidad.

Permite 7 tipos de cálculos de probabilidad y estadística:

- Contraste de hipótesis.
- Intervalo de confianza.
- Distribución de probabilidad.
- Estadística de 1 y 2 variables.
- Teoremas de la Probabilidad Total y Bayes.
- Probabilidad para 2 sucesos A y B.

Por favor, léase el presente manual a fin de conocer todas las funcionalidades de la aplicación.

### **Nota:**

El diseño y las especificaciones están sujetos a cambios sin previo aviso.

## Condiciones de uso

### **CONDICIONES DE USO DE LA APLICACIÓN TRIALWARE / SHAREWARE / DEMO (\*)**

Vaxa Software no será responsable de los daños o perjuicios directos o indirectos ocasionados por el uso o imposibilidad de uso de esta aplicación, ni por los efectos en el funcionamiento de otras aplicaciones o del sistema operativo.

Antes de la instalación recomendamos hacer copia de seguridad de sus datos, crear un punto de restauración del sistema y tener a mano todos los archivos para la reinstalación del sistema operativo y sus aplicaciones. Usted podrá evaluar gratuitamente la aplicación shareware durante el tiempo que considere necesario. Transcurrido este periodo de evaluación usted deberá registrarse o desinstalar la aplicación.

Para registrarse consulte la opción "REGISTRAR APLICACIÓN" en el menú ayuda de la aplicación. Tras pagar los derechos de registro recibirá por e-mail la CLAVE de REGISTRO de la aplicación. Una vez registrada la aplicación, podrá usar las opciones que estaban deshabilitadas hasta ese momento. Conserve su clave de registro en lugar seguro. Si tuviera que reinstalar la aplicación podría necesitarla.

La CLAVE de REGISTRO es única para cada equipo. No podrá usar la clave de registro en un equipo distinto.

Usted puede distribuir libremente copias inalteradas del sistema de instalación de la aplicación shareware a otros usuarios para su evaluación.

El pago del registro le da derecho al uso de la aplicación pero no le otorga la propiedad de la misma. Usted no puede descompilar la aplicación ni usar ningún tipo de ingeniería inversa para su análisis o modificación.

No puede usar parte o la totalidad de la aplicación para crear una nueva aplicación.

### **Conflictos de archivos compartidos:**

VaxaSoftware no será responsable de los conflictos debidos a la incompatibilidad de archivos compartidos (\*.dll \*.ocx y otros).

Las aplicaciones de VaxaSoftware usan archivos compartidos (\*.dll \*.ocx y otros) que se copian al equipo durante la instalación.

Es posible que el archivo compartido exista previamente y sea o no reemplazado por otra versión distinta durante la instalación de la aplicación de VaxaSoftware.

Ello puede originar que la aplicación de VaxaSoftware no funcione y/o que aplicaciones de terceros que compartan el mismo archivo no lo hagan.

Asimismo la instalación de aplicaciones de terceros puede ocasionar que la aplicación de VaxaSoftware o la aplicación de terceros no funcionen.

VaxaSoftware tratará de resolver estos conflictos de forma razonable, no obstante su resolución satisfactoria no está garantizada y en muchos casos puede ser imposible.

---

(\*) Las condiciones de uso de la aplicación ya fueron aceptadas por el usuario antes del proceso de instalación. Aquí se reseñan para su consulta posterior.

## Formatos de entrada de valores

Los valores numéricos se pueden entrar en alguno de los siguientes formatos:

- Números corrientes: 0.24; 15.23
- Porcentajes: 90%; 12%
- Fracciones: 2/3; 5/8
- Notación científica: 2E-4 (equivalente a  $2 \times 10^{-4} = 0.0002$ )

El separador de decimales es el punto.

Si se entra coma, se presentará como punto.

## Tipos de cálculos

**HEstadis** permite realizar 7 tipos de cálculos estadísticos y de probabilidad:

- Contraste de hipótesis
- Intervalos de confianza
- Distribuciones de probabilidad
- Estadística de 1 variable
- Estadística de 2 variables
- Teoremas de la Probabilidad Total y Bayes
- Probabilidad para dos sucesos A y B

Debemos pulsar la pestaña correspondiente en la ventana de la aplicación para acceder a cada uno de los tipos de cálculo.

## Contraste de hipótesis

Nos permite comprobar la validez de un parámetro estadístico de una o dos poblaciones conociendo los valores estadísticos de una o varias muestras.

En todos los casos se debe especificar el nivel de confianza o el de significación.

El contraste se puede realizar bilateral o unilateral izquierdo/derecho.

Disponemos de 9 tipos de contraste de hipótesis:

### **Para 1 población:**

- 1) Media de la población con varianza poblacional conocida.
- 2) Media de la población con varianza poblacional desconocida.
- 3) Varianza de la población.
- 4) Proporción de la población.

### **Para 2 poblaciones:**

- 5) Diferencia de las medias poblacionales con varianzas poblacionales conocidas.
- 6) Diferencia de las medias poblacionales con varianzas poblacionales iguales y desconocidas.
- 7) Diferencia de las medias poblacionales con varianzas poblacionales distintas y desconocidas.
- 8) Cociente de las varianzas poblacionales
- 9) Diferencia de las proporciones poblacionales

## Intervalo de confianza

Nos permite calcular el intervalo de confianza de un parámetro estadístico de una o dos poblaciones conociendo los valores estadísticos de una o varias muestras.

En todos los casos se debe especificar el nivel de confianza o el de significación.

Disponemos de 9 tipos de intervalos de confianza:

### **Para 1 población:**

- 1) Media de la población con varianza poblacional conocida.
- 2) Media de la población con varianza poblacional desconocida.
- 3) Varianza de la población.
- 4) Proporción de la población.

### **Para 2 poblaciones:**

- 5) Diferencia de las medias poblacionales con varianzas poblacionales conocidas.
- 6) Diferencia de las medias poblacionales con varianzas poblacionales iguales y desconocidas.
- 7) Diferencia de las medias poblacionales con varianzas poblacionales distintas y desconocidas.
- 8) Cociente de las varianzas poblacionales.
- 9) Diferencia de las proporciones poblacionales.

## Distribuciones de probabilidad

Para cada tipo de distribución de probabilidad, nos permite calcular el punto o puntos porcentuales conocida la probabilidad y viceversa.

El cálculo se puede realizar con la probabilidad acumulada a izquierda, derecha, intervalo, intervalo centrado o puntual.

Disponemos de 6 tipos de distribuciones de probabilidad:

### **Distribuciones continuas:**

- 1) Normal.
- 2) t-Student.
- 3) Ji-Cuadrado.
- 4) F-Snedecor.

### **Distribuciones discretas:**

- 5) Binomial.
- 6) Poisson.

## Estadística de 1 variable

Permite el cálculo de la estadística de una variable numérica  $X$ .

- Los datos pueden estar agrupados en intervalos o no agrupados.

Se calculan los siguientes parámetros estadísticos:

- 1) Media aritmética
- 2) Mediana
- 3) Moda
- 4) Desviación típica
- 5) Varianza
- 6) Coeficiente de variación
- 7) Asimetría
- 8) Curtosis
- 9) Momentos (orden 0 a 4, para la media y el origen)
- 10) Cuartiles, deciles y percentiles y sus inversos
- 11) Representación gráfica (diagrama de barras o histograma) e impresión.

- Los datos de pueden guardar y abrir como archivos de extensión *E1V*.

- Los datos y resultados de pueden imprimir.

## Estadística de 2 variables

Permite el cálculo de la estadística de dos variables numéricas  $X$ ,  $Y$ .

- Podemos obtener 5 tipos de fórmulas de correlación usando el método de mínimos cuadrados:

- 1) Lineal
- 2) Logarítmica
- 3) Exponencial
- 4) Potencial
- 5) Cuadrática

Se calculan los siguientes parámetros estadísticos:

- 1) Medias aritméticas de  $X$  e  $Y$ .
- 2) Desviaciones típicas de  $X$  e  $Y$ .
- 3) Varianzas de  $X$  e  $Y$ .
- 4) Covarianza.
- 5) Coeficiente de correlación.
- 6) Fórmula de la curva de regresión.
- 7) Estimación (interpolación / extrapolación) del valor de  $X$  o  $Y$ .
- 8) Representación gráfica (curva y nube de puntos) e impresión.

- Los datos de pueden guardar y abrir como archivos de extensión *E2V*.

- Los datos y resultados de pueden imprimir.

## Teoremas de la Probabilidad Total y Bayes

Tenemos un conjunto de sucesos  $A_i$  incompatibles que completan el espacio muestral y un suceso B.

Conocidas las probabilidades  $p(A_i)$  y las probabilidades condicionadas  $p(B / A_i)$ , se calcula:  
 $p(B)$  y  $p(A_i / B)$

## Probabilidad para dos sucesos A y B

Para dos sucesos A y B. Se calculan todas las probabilidades posibles cuando se conocen algunos valores.

Los datos o incógnitas pueden ser:

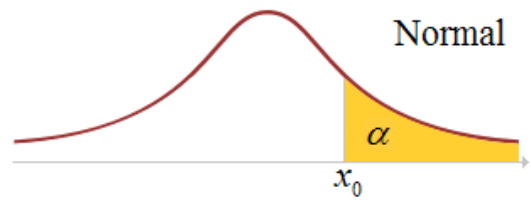
|                           |                           |
|---------------------------|---------------------------|
| $p(A)$                    | $p(\bar{A})$              |
| $p(B)$                    | $p(\bar{B})$              |
| $p(A \cap B)$             | $p(\overline{A \cap B})$  |
| $p(A \cup B)$             | $p(\overline{A \cup B})$  |
| $p(\bar{A} \cap \bar{B})$ | $p(\bar{A} \cup \bar{B})$ |
| $p(A / B)$                | $p(A - B)$                |
| $p(B / A)$                | $p(B - A)$                |

## Anexo 1

### Fórmulas de distribuciones de probabilidad

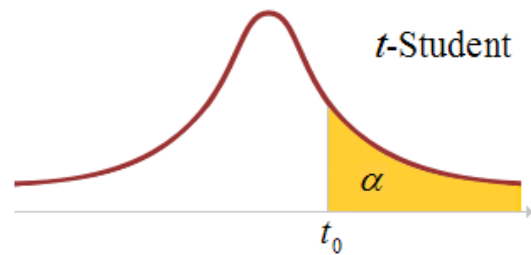
#### Distribución normal de Gauss

$$\alpha = p(x \geq x_0) = \int_{x_0}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} dx$$



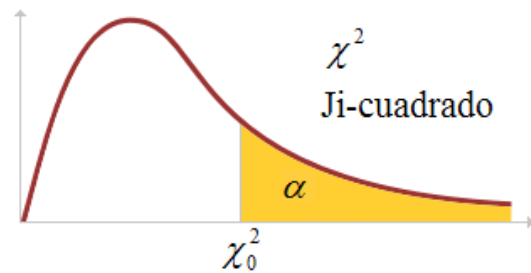
#### Distribución *t*-Student de Gosset

$$\alpha = p(t \geq t_0) = \int_{t_0}^{\infty} \frac{\Gamma\left(\frac{n+1}{2}\right) \left(1 + \frac{t^2}{n}\right)^{-\frac{n+1}{2}}}{\Gamma\left(\frac{n}{2}\right) \sqrt{n\pi}} dt$$



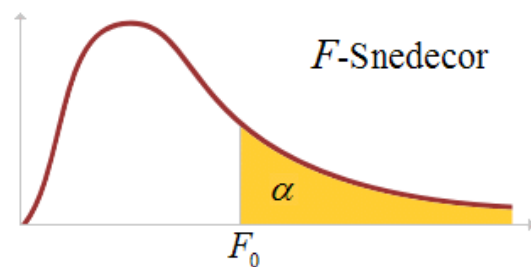
#### Distribución Ji-cuadrado de Pearson

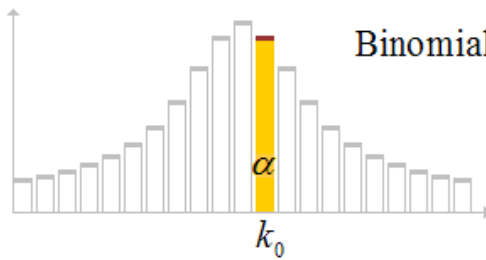
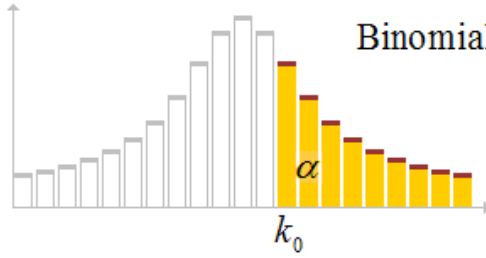
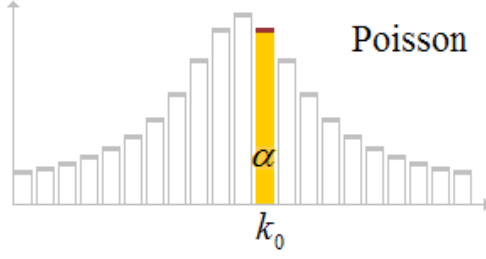
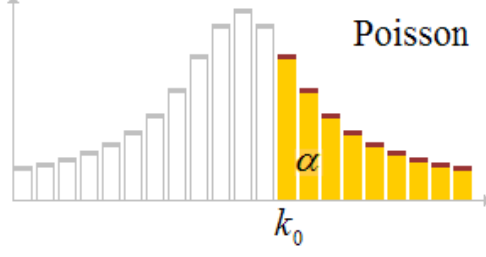
$$\alpha = p(\chi^2 \geq \chi_0^2) = \int_{\chi_0^2}^{\infty} \frac{e^{-x/2} x^{n/2-1}}{2^{n/2} \Gamma(n/2)} dx$$



#### Distribución *F* de Fisher Snedecor

$$\alpha = p(F \geq F_0) = \int_{F_0}^{\infty} \frac{\Gamma\left(\frac{n_1+n_2}{2}\right) \left(\frac{n_1}{n_2}\right)^{\frac{n_1}{2}} F^{\frac{n_1}{2}-1}}{\Gamma\left(\frac{n_1}{2}\right) \Gamma\left(\frac{n_2}{2}\right) \left(1 + \frac{n_1}{n_2} F\right)^{\frac{n_1+n_2}{2}}} dF$$



|  |  |
|--|--|
| <p><b>Distribución Binomial</b></p> <p>Probabilidad puntual:</p> $\alpha = p(x = k_0) = \binom{n}{k_0} p^{k_0} (1-p)^{n-k_0}$      |  <p style="text-align: right;">Binomial</p>  |
| <p>Probabilidad acumulada superior:</p> $\alpha = p(x \geq k_0) = \sum_{i=k_0}^n \binom{n}{i} p^i (1-p)^{n-i}$                     |  <p style="text-align: right;">Binomial</p>  |
| <p><b>Distribución de Poisson</b></p> <p>Probabilidad puntual:</p> $\alpha = p(x = k_0) = e^{-\lambda} \frac{\lambda^{k_0}}{k_0!}$ |  <p style="text-align: right;">Poisson</p>  |
| <p>Probabilidad acumulada superior:</p> $\alpha = p(x \geq k_0) = \sum_{n=k_0}^{\infty} e^{-\lambda} \frac{\lambda^n}{n!}$         |  <p style="text-align: right;">Poisson</p> |

**Siendo:**

|            |  |
|------------|--|
| $\alpha$   | Probabilidad                                       |
| $x$        | Variable aleatoria de la distribución Normal       |
| $\mu$      | Media de la distribución Normal                    |
| $\sigma$   | Desviación típica de la distribución Normal        |
| $x_0$      | Punto porcentual de la distribución Normal         |
| $t$        | Variable aleatoria de la distribución $t$ -Student |
| $n$        | Grados de libertad de la distribución $t$ -Student |
| $t_0$      | Punto porcentual de la distribución $t$ -Student   |
| $\chi^2$   | Variable aleatoria de la distribución Ji-cuadrado  |
| $n$        | Grados de libertad de la distribución Ji-cuadrado  |
| $\chi_0^2$ | Punto porcentual de la distribución Ji-cuadrado    |

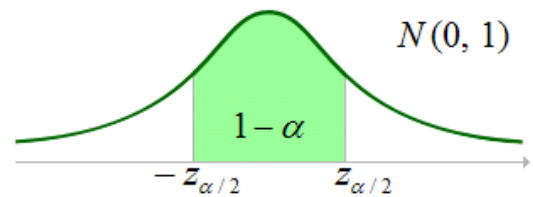
|           |   |
|-----------|---|
| $F$       | Variable aleatoria de la distribución $F$ de Snedecor                     |
| $n_1$     | Grados de libertad del numerador en la distribución $F$ de Snedecor       |
| $n_2$     | Grados de libertad del denominador en la distribución $F$ de Snedecor     |
| $F_0$     | Punto porcentual de la distribución $F$ de Snedecor                       |
| $n$       | Número de experimentos en la distribución Binomial                        |
| $p$       | Probabilidad de éxito de un suceso individual en la distribución Binomial |
| $x$       | Variable aleatoria de la distribución Binomial                            |
| $k_0$     | Punto porcentual de la distribución Binomial                              |
| $\lambda$ | Media (=desviación típica) de la distribución de Poisson                  |
| $x$       | Variable aleatoria de la distribución de Poisson                          |
| $k_0$     | Punto porcentual de la distribución de Poisson                            |

## Anexo 2

### Fórmulas de intervalos de confianza

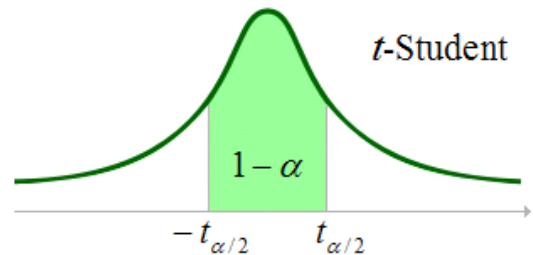
**Media de la población**  
(varianza poblacional conocida)

$$\mu \in \left( \bar{x} - z_{\frac{\alpha}{2}} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + z_{\frac{\alpha}{2}} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right)$$



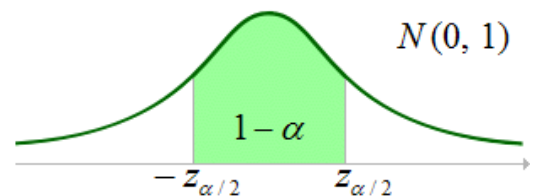
**Media de la población**  
(varianza poblacional desconocida)

$$\mu \in \left( \bar{x} - t_{\left(\frac{\alpha}{2}, n-1\right)} \frac{S}{\sqrt{n}}, \bar{x} + t_{\left(\frac{\alpha}{2}, n-1\right)} \frac{S}{\sqrt{n}} \right)$$



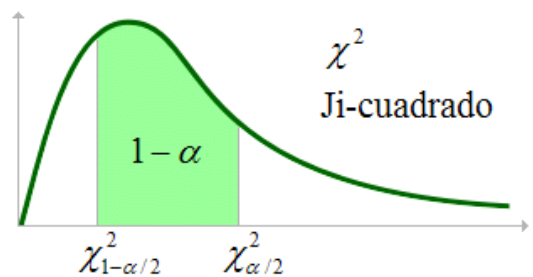
**Proporción de la población**

$$p \in \left( \hat{p} - z_{\frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}}, \hat{p} + z_{\frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}} \right)$$



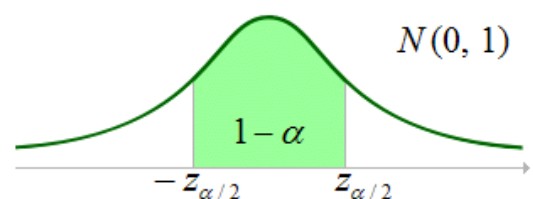
**Varianza de la población**

$$\sigma^2 \in \left( \frac{(n-1)S^2}{\chi^2_{\left(\frac{\alpha}{2}, n-1\right)}}, \frac{(n-1)S^2}{\chi^2_{\left(1-\frac{\alpha}{2}, n-1\right)}} \right)$$



**Diferencia de las medias de dos poblaciones**  
(varianzas conocidas)

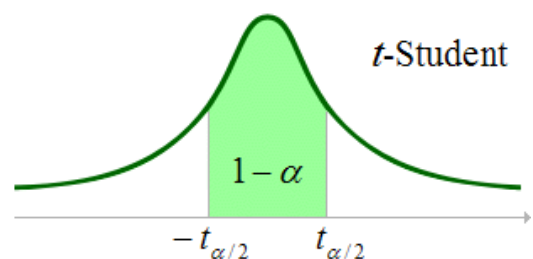
$$\mu_1 - \mu_2 \in \left( \bar{x}_1 - \bar{x}_2 \pm z_{\frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}} \right)$$



**Diferencia de las medias de dos poblaciones**  
(varianzas desconocidas e iguales)

$$\mu_1 - \mu_2 \in \left( \bar{x}_1 - \bar{x}_2 \pm t_{\left(\frac{\alpha}{2}, n_1+n_2-2\right)} S_p \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}} \right)$$

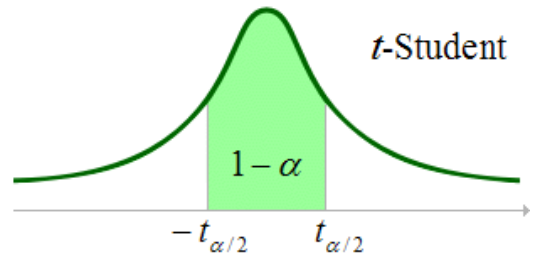
Siendo:  $S_p^2 = \frac{(n_1-1)S_1^2 + (n_2-1)S_2^2}{n_1+n_2-2}$ ,  $\sigma_1^2 = \sigma_2^2$



**Diferencia de las medias de dos poblaciones**  
(varianzas desconocidas y distintas)

$$\mu_1 - \mu_2 \in \left( \bar{x}_1 - \bar{x}_2 \pm t_{\left(\frac{\alpha}{2}, \nu\right)} \sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}} \right)$$

Siendo: 
$$\nu \approx \frac{(S_1^2/n_1 + S_2^2/n_2)^2}{\frac{(S_1^2/n_1)^2}{n_1 - 1} + \frac{(S_2^2/n_2)^2}{n_2 - 1}}, \quad \sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$$



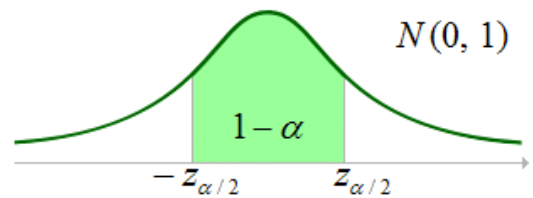
**Cociente de las varianzas de dos poblaciones**

$$\frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2} \in \left( \frac{S_1^2}{S_2^2} F_{\left(1-\frac{\alpha}{2}, n_2-1, n_1-1\right)}, \frac{S_1^2}{S_2^2} F_{\left(\frac{\alpha}{2}, n_2-1, n_1-1\right)} \right)$$



**Diferencia de las proporciones de dos poblaciones**

$$p_1 - p_2 \in \left( \hat{p}_1 - \hat{p}_2 \pm z_{\frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{\hat{p}_1(1-\hat{p}_1)}{n_1} + \frac{\hat{p}_2(1-\hat{p}_2)}{n_2}} \right)$$

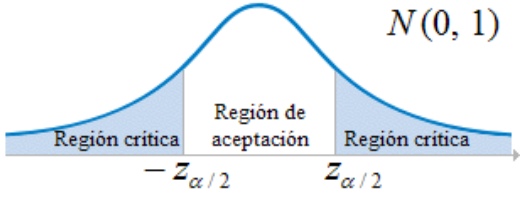
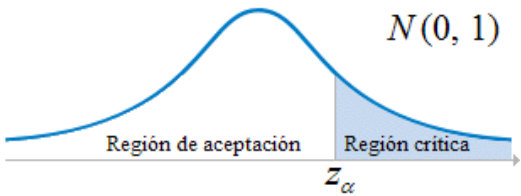
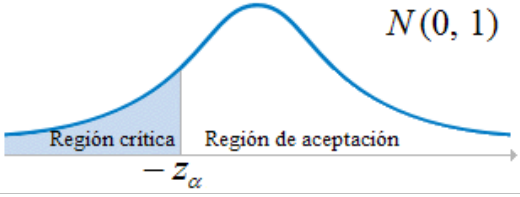


**Siendo:**

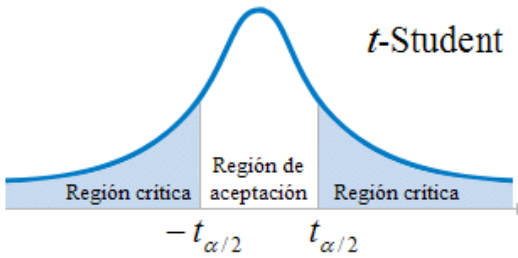
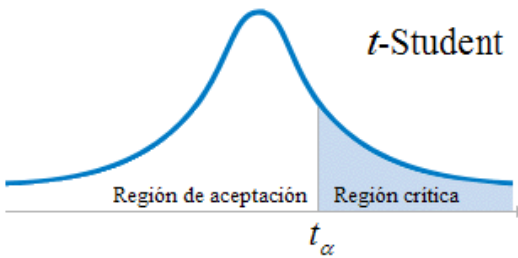
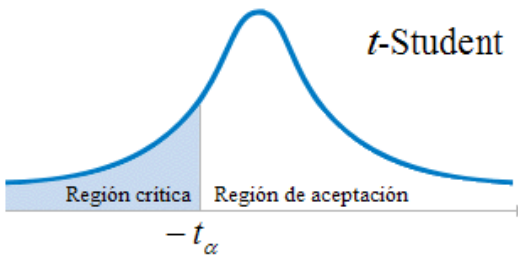
|                              |   |
|------------------------------|---|
| $\mu$                        | Media poblacional   |
| $\bar{x}$                    | Media muestral  |
| $\sigma$                     | Desviación típica poblacional   |
| $S$                          | Desviación típica muestral  |
| $p$                          | Proporción de la población  |
| $\hat{p}$                    | Proporción de la muestra  |
| $n$                          | Tamaño de la muestra  |
| $\alpha$                     | Nivel de significación  |
| $1 - \alpha$                 | Nivel de confianza  |
| $z_{\frac{\alpha}{2}}$       | Punto porcentual de la distribución normal de Gauss con probabilidad superior $\frac{\alpha}{2}$  |
| $t_{(\alpha, \nu)}$          | Punto porcentual de la distribución <i>t</i> -Student de Gosset con probabilidad superior $\alpha$ con $\nu$ grados de libertad               |
| $\chi^2_{(\alpha, \nu)}$     | Punto porcentual de la distribución ji-cuadrado $\chi^2$ de Pearson con probabilidad superior $\alpha$ y con $\nu$ grados de libertad         |
| $F_{(\alpha, \nu_1, \nu_2)}$ | Punto porcentual de la distribución <i>F</i> de Fisher-Snedecor con probabilidad superior $\alpha$ y con grados de libertad $\nu_1$ y $\nu_2$ |

## Anexo 3 Fórmulas de Contraste de hipótesis

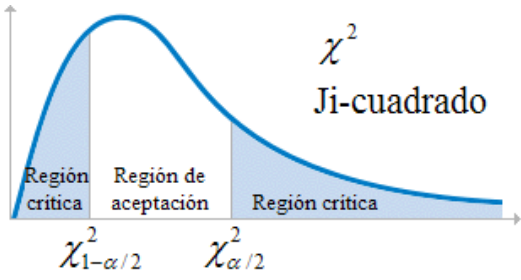
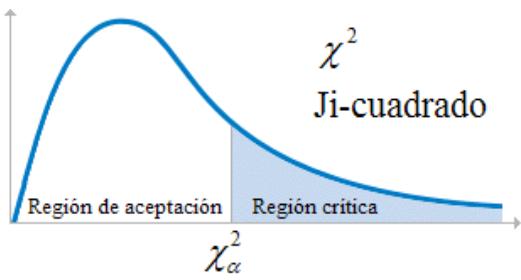
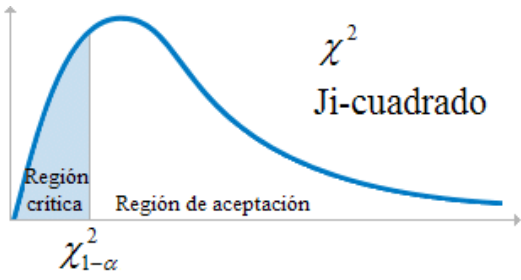
### Media de la población (varianza poblacional conocida)

|   |   |  |
|---|---|--|
| <p><b>Dos lados:</b><br/> <math>H_0: \mu = \mu_0</math><br/> <math>H_1: \mu \neq \mu_0</math></p>         | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>z_0 \notin \left( -z_{\frac{\alpha}{2}}, z_{\frac{\alpha}{2}} \right)</math> Siendo<br/> <math display="block">z_0 = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma / \sqrt{n}}</math>                     El estadístico <math>z_0</math> sigue una distribución normal <math>N(0, 1)</math>.</p> |    |
| <p><b>Lado derecho:</b><br/> <math>H_0: \mu \leq \mu_0</math><br/> <math>H_1: \mu &gt; \mu_0</math></p>   | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>z_0 &gt; z_\alpha</math></p>  |    |
| <p><b>Lado izquierdo:</b><br/> <math>H_0: \mu \geq \mu_0</math><br/> <math>H_1: \mu &lt; \mu_0</math></p> | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>z_0 &lt; -z_\alpha</math></p>   |  |

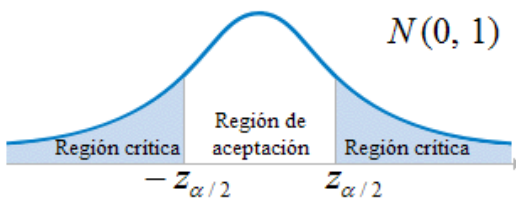
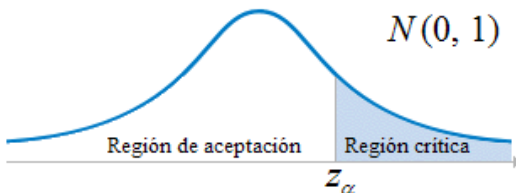
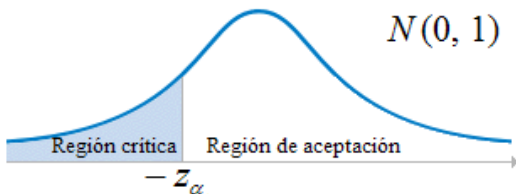
**Media de la población** (varianza poblacional desconocida)

|   |  |   |
|---|--|---|
| <p><b>Dos lados:</b><br/> <math>H_0: \mu = \mu_0</math><br/> <math>H_1: \mu \neq \mu_0</math></p>         | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math display="block">t_0 \notin \left( -t_{\left(\frac{\alpha}{2}, n-1\right)}, t_{\left(\frac{\alpha}{2}, n-1\right)} \right)</math>                     Siendo <math>t_0 = \frac{\bar{x} - \mu_0}{S/\sqrt{n}}</math><br/>                     El estadístico <math>t_0</math> sigue una distribución <math>t</math>-Student de <math>n-1</math> grados de libertad.</p> |   |
| <p><b>Lado derecho:</b><br/> <math>H_0: \mu \leq \mu_0</math><br/> <math>H_1: \mu &gt; \mu_0</math></p>   | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>t_0 &gt; t_{(\alpha, n-1)}</math></p>  |   |
| <p><b>Lado izquierdo:</b><br/> <math>H_0: \mu \geq \mu_0</math><br/> <math>H_1: \mu &lt; \mu_0</math></p> | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>t_0 &lt; -t_{(\alpha, n-1)}</math></p>   |  |

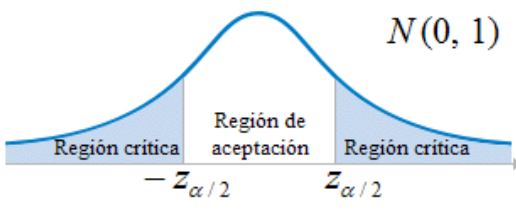
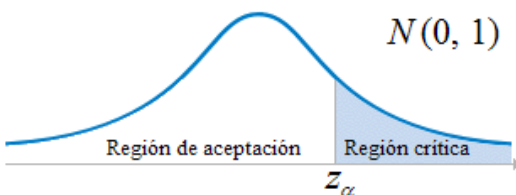
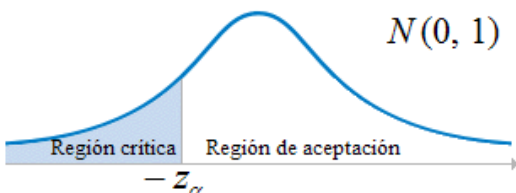
## Varianza de la población

|   |   |   |
|---|---|---|
| <p><b>Dos lados:</b><br/> <math>H_0: \sigma^2 = \sigma_0^2</math><br/> <math>H_1: \sigma^2 \neq \sigma_0^2</math></p>         | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math display="block">\chi_0^2 \notin \left( \chi_{\left(1-\frac{\alpha}{2}, n-1\right)}^2, \chi_{\left(\frac{\alpha}{2}, n-1\right)}^2 \right)</math></p> <p>Siendo <math>\chi_0^2 = \frac{(n-1)S^2}{\sigma_0^2}</math></p> <p>El estadístico <math>\chi_0^2</math> sigue una distribución Ji-cuadrado de <math>n-1</math> grados de libertad.</p> |  <p style="text-align: right;"><math>\chi^2</math><br/>Ji-cuadrado</p>  |
| <p><b>Lado derecho:</b><br/> <math>H_0: \sigma^2 \leq \sigma_0^2</math><br/> <math>H_1: \sigma^2 &gt; \sigma_0^2</math></p>   | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>\chi_0^2 &gt; \chi_{(\alpha, n-1)}^2</math></p>   |  <p style="text-align: right;"><math>\chi^2</math><br/>Ji-cuadrado</p>  |
| <p><b>Lado izquierdo:</b><br/> <math>H_0: \sigma^2 \geq \sigma_0^2</math><br/> <math>H_1: \sigma^2 &lt; \sigma_0^2</math></p> | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>\chi_0^2 &lt; \chi_{(1-\alpha, n-1)}^2</math></p>   |  <p style="text-align: right;"><math>\chi^2</math><br/>Ji-cuadrado</p> |

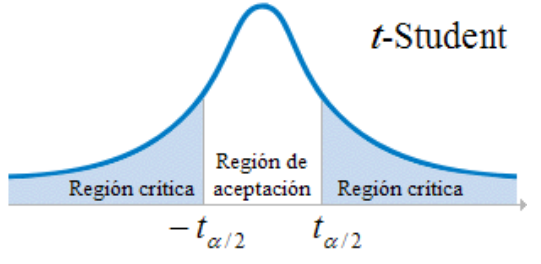
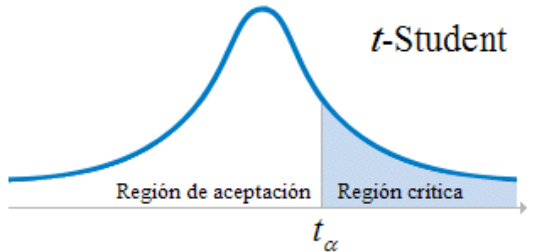
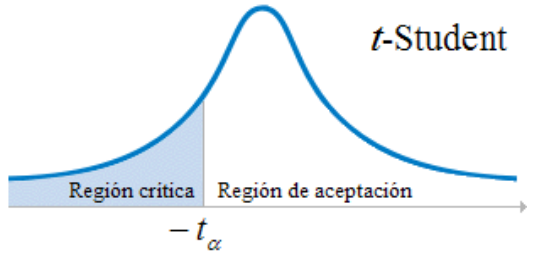
## Proporción de la población

|   |   |   |
|---|---|---|
| <p><b>Dos lados:</b><br/> <math>H_0: p = p_0</math><br/> <math>H_1: p \neq p_0</math></p>         | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>z_0 \notin \left( -z_{\frac{\alpha}{2}}, z_{\frac{\alpha}{2}} \right)</math><br/>                     Siendo <math>z_0 = \frac{n \hat{p} - n p_0}{\sqrt{n p_0 (1 - p_0)}}</math><br/>                     El estadístico <math>z_0</math> sigue una distribución normal <math>N(0, 1)</math>.</p> |   |
| <p><b>Lado derecho:</b><br/> <math>H_0: p \leq p_0</math><br/> <math>H_1: p &gt; p_0</math></p>   | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>z_0 &gt; z_{\alpha}</math></p>  |   |
| <p><b>Lado izquierdo:</b><br/> <math>H_0: p \geq p_0</math><br/> <math>H_1: p &lt; p_0</math></p> | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>z_0 &lt; -z_{\alpha}</math></p>   |  |

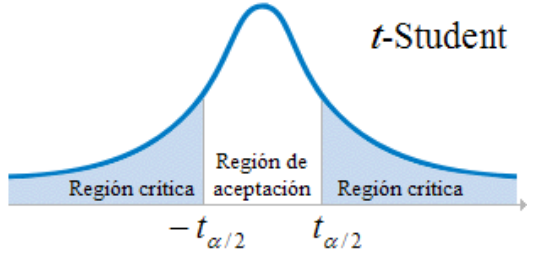
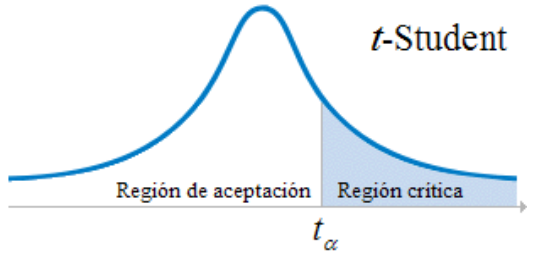
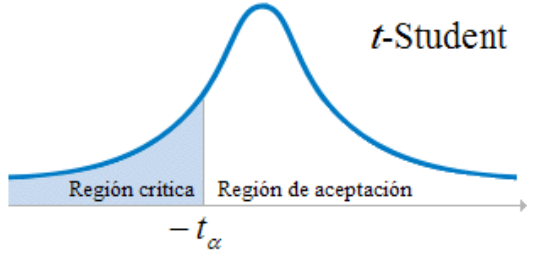
## Diferencia de las medias de dos poblaciones (varianzas poblacionales conocidas y distintas)

|  |  |  |
|--|--|--|
| <p><b>Dos lados:</b><br/> <math>H_0: \mu_1 - \mu_2 = \Delta_0</math><br/> <math>H_1: \mu_1 - \mu_2 \neq \Delta_0</math><br/> <math>(\sigma_1^2 \neq \sigma_2^2)</math></p> | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>z_0 \notin \left( -z_{\frac{\alpha}{2}}, z_{\frac{\alpha}{2}} \right)</math><br/>                     Siendo <math>z_0 = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2 - \Delta_0}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}}</math><br/>                     El estadístico <math>z_0</math> sigue una distribución normal <math>N(0, 1)</math>.</p> |  |
| <p><b>Lado derecho:</b><br/> <math>H_0: \mu_1 - \mu_2 \leq \Delta_0</math><br/> <math>H_1: \mu_1 - \mu_2 &gt; \Delta_0</math></p>  | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>z_0 &gt; z_{\alpha}</math></p>   |  |
| <p><b>Lado izquierdo:</b><br/> <math>H_0: \mu_1 - \mu_2 \geq \Delta_0</math><br/> <math>H_1: \mu_1 - \mu_2 &lt; \Delta_0</math></p>  | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>z_0 &lt; -z_{\alpha}</math></p>  |  |

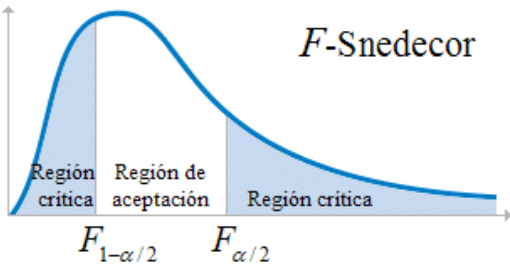
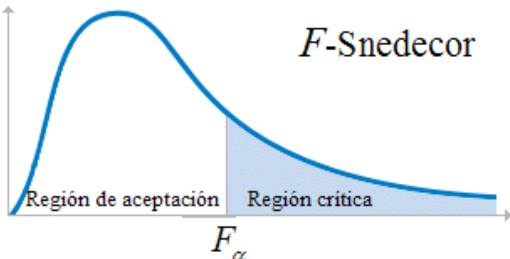
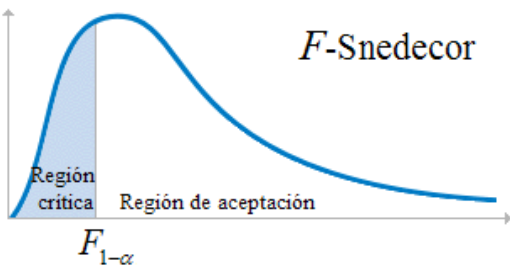
**Diferencia de las medias de dos poblaciones** (varianzas poblacionales desconocidas e iguales)

|   |  |   |
|---|--|---|
| <p><b>Dos lados:</b><br/> <math>H_0: \mu_1 - \mu_2 = \Delta_0</math><br/> <math>H_1: \mu_1 - \mu_2 \neq \Delta_0</math><br/> <math>(\sigma_1^2 = \sigma_2^2)</math></p> | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>t_0 \notin \left( -t_{\left(\frac{\alpha}{2}, n_1+n_2-2\right)}, t_{\left(\frac{\alpha}{2}, n_1+n_2-2\right)} \right)</math></p> <p>Siendo <math>t_0 = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2 - \Delta_0}{S_p \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}}</math></p> $S_p^2 = \frac{(n_1 - 1) S_1^2 + (n_2 - 1) S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}$ <p>El estadístico <math>t_0</math> sigue una distribución <math>t</math>-Student de <math>n_1+n_2-2</math> grados de libertad.</p> |    |
| <p><b>Lado derecho:</b><br/> <math>H_0: \mu_1 - \mu_2 \leq \Delta_0</math><br/> <math>H_1: \mu_1 - \mu_2 &gt; \Delta_0</math></p>                                       | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>t_0 &gt; t_{(\alpha, n_1+n_2-2)}</math></p>  |   |
| <p><b>Lado izquierdo:</b><br/> <math>H_0: \mu_1 - \mu_2 \geq \Delta_0</math><br/> <math>H_1: \mu_1 - \mu_2 &lt; \Delta_0</math></p>                                     | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>t_0 &lt; -t_{(\alpha, n_1+n_2-2)}</math></p>   |  |

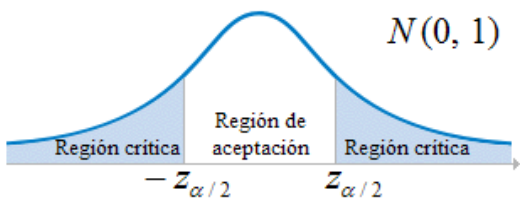
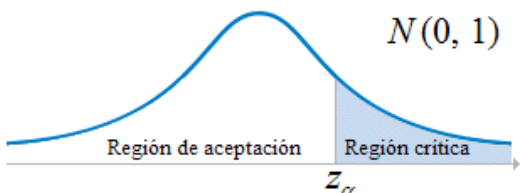
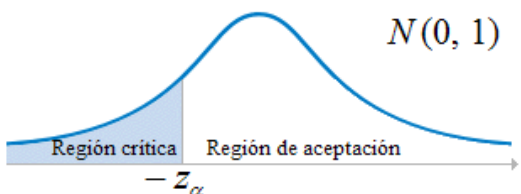
**Diferencia de las medias de dos poblaciones** (varianzas poblacionales desconocidas y distintas)

|  |   |   |
|--|---|---|
| <p><b>Dos lados:</b><br/> <math>H_0: \mu_1 - \mu_2 = \Delta_0</math><br/> <math>H_1: \mu_1 - \mu_2 \neq \Delta_0</math><br/> <math>(\sigma_1^2 \neq \sigma_2^2)</math></p> | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>t_0 \notin \left( -t_{\left(\frac{\alpha}{2}, \nu\right)}, t_{\left(\frac{\alpha}{2}, \nu\right)} \right)</math><br/>                     Siendo <math>t_0 = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2 - \Delta_0}{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}}</math><br/> <math display="block">\nu = \frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{\frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1}\right)^2}{n_1 - 1} + \frac{\left(\frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{n_2 - 1}}</math></p> <p>El estadístico <math>t_0</math> sigue una distribución <math>t</math>-Student de <math>\nu</math> grados de libertad.</p> |    |
| <p><b>Lado derecho:</b><br/> <math>H_0: \mu_1 - \mu_2 \leq \Delta_0</math><br/> <math>H_1: \mu_1 - \mu_2 &gt; \Delta_0</math></p>  | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>t_0 &gt; t_{(\alpha, \nu)}</math></p>   |   |
| <p><b>Lado izquierdo:</b><br/> <math>H_0: \mu_1 - \mu_2 \geq \Delta_0</math><br/> <math>H_1: \mu_1 - \mu_2 &lt; \Delta_0</math></p>  | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>t_0 &lt; -t_{(\alpha, \nu)}</math></p>  |  |

## Cociente de las varianzas de dos poblaciones

|   |  |   |
|---|--|---|
| <p><b>Dos lados:</b><br/> <math>H_0:</math><br/> <math>\sigma_1^2 = \sigma_2^2</math><br/> <math>H_1:</math><br/> <math>\sigma_1^2 \neq \sigma_2^2</math></p>       | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math display="block">F_0 \notin \left( F_{\left(1-\frac{\alpha}{2}, n_1-1, n_2-1\right)}, F_{\left(\frac{\alpha}{2}, n_1-1, n_2-1\right)} \right)</math><br/>                     Siendo <math>F_0 = \frac{S_1^2}{S_2^2}</math><br/>                     El estadístico <math>F_0</math> sigue una distribución <math>F</math>-Snedecor con <math>n_1-1</math> y <math>n_2-1</math> grados de libertad.</p> |  <p style="text-align: right;"><math>F</math>-Snedecor</p>  |
| <p><b>Lado derecho:</b><br/> <math>H_0:</math><br/> <math>\sigma_1^2 \leq \sigma_2^2</math><br/> <math>H_1:</math><br/> <math>\sigma_1^2 &gt; \sigma_2^2</math></p> | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>F_0 &gt; F_{(\alpha, n_1-1, n_2-1)}</math></p>   |  <p style="text-align: right;"><math>F</math>-Snedecor</p>  |
| <p><b>Lado izquierdo:</b><br/> <math>H_0:</math><br/> <math>\sigma^2 \geq \sigma_0^2</math><br/> <math>H_1:</math><br/> <math>\sigma^2 &lt; \sigma_0^2</math></p>   | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>F_0 &lt; F_{(1-\alpha, n_1-1, n_2-1)}</math></p>   |  <p style="text-align: right;"><math>F</math>-Snedecor</p> |

## Diferencia de las proporciones de dos poblaciones

|   |   |  |
|---|---|--|
| <p><b>Dos lados:</b><br/> <math>H_0: p_1 = p_2</math><br/> <math>H_1: p_1 \neq p_2</math></p>         | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>z_0 \notin \left( -z_{\frac{\alpha}{2}}, z_{\frac{\alpha}{2}} \right)</math></p> <p>Siendo</p> $z_0 = \frac{\hat{p}_1 - \hat{p}_2}{\sqrt{\hat{p}(1-\hat{p})\left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}}$ $\hat{p} = \frac{n_1 \hat{p}_1 + n_2 \hat{p}_2}{n_1 + n_2}$ <p>El estadístico <math>z_0</math> sigue una distribución normal <math>N(0, 1)</math>.</p> |    |
| <p><b>Lado derecho:</b><br/> <math>H_0: p_1 \leq p_2</math><br/> <math>H_1: p_1 &gt; p_2</math></p>   | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>z_0 &gt; z_{\alpha}</math></p>  |    |
| <p><b>Lado izquierdo:</b><br/> <math>H_0: p_1 \geq p_2</math><br/> <math>H_1: p_1 &lt; p_2</math></p> | <p>Rechazar <math>H_0</math> si:<br/> <math>z_0 &lt; -z_{\alpha}</math></p>   |  |

**Siendo:**

|                              |  |
|------------------------------|--|
| $1 - \alpha$                 | Nivel de confianza   |
| $\alpha$                     | Nivel de significación   |
| $H_0$                        | Hipótesis nula   |
| $H_1$                        | Hipótesis alternativa  |
| $\mu$                        | Media poblacional  |
| $\bar{x}$                    | Media muestral   |
| $\sigma$                     | Desviación típica poblacional  |
| $S$                          | Desviación típica muestral   |
| $p$                          | Proporción de la población   |
| $\hat{p}$                    | Proporción de la muestra   |
| $n$                          | Tamaño de la muestra   |
| $z_0$                        | Estadístico del contraste que sigue una distribución normal de Gauss   |
| $t_0$                        | Estadístico del contraste que sigue una distribución $t$ -Student de Gosset  |
| $F_0$                        | Estadístico del contraste que sigue una distribución $F$ de Fisher-Snedecor  |
| $\chi_0^2$                   | Estadístico del contraste que sigue una distribución ji-cuadrado de Pearson  |
| $z_\alpha$                   | Punto porcentual de la distribución normal de Gauss con probabilidad superior $\alpha$   |
| $t_{(\alpha, \nu)}$          | Punto porcentual de la distribución $t$ -Student de Gosset con probabilidad superior $\alpha$ con $\nu$ grados de libertad               |
| $\chi_{(\alpha, \nu)}^2$     | Punto porcentual de la distribución ji-cuadrado $\chi^2$ de Pearson con probabilidad superior $\alpha$ y con $\nu$ grados de libertad    |
| $F_{(\alpha, \nu_1, \nu_2)}$ | Punto porcentual de la distribución $F$ de Fisher-Snedecor con probabilidad superior $\alpha$ y con grados de libertad $\nu_1$ y $\nu_2$ |

## Anexo 4

### Fórmulas de estadística de 1 variable

|   |   |
|---|---|
| <b>Media aritmética</b>   | $\bar{x} = \frac{\sum x_i n_i}{N}$  |
| <b>Varianza (<math>s^2</math>) y desviación típica (<math>s</math>)</b> | $s^2 = \frac{\sum x_i^2 n_i}{N} - \bar{x}^2; \quad s = \sqrt{\frac{\sum x_i^2 n_i}{N} - \bar{x}^2}$   |
| <b>Coefficiente de variación</b>  | $CV = \frac{s}{\bar{x}}$  |
| <b>Percentiles</b>  | $P_k = L + a \frac{\frac{k \cdot N}{100} - N_{i-1}}{n_i}$   |
| <b>Deciles</b>  | $D_k = L + a \frac{\frac{k \cdot N}{10} - N_{i-1}}{n_i}$  |
| <b>Cuartiles</b>  | $Q_k = L + a \frac{\frac{k \cdot N}{4} - N_{i-1}}{n_i}$   |
| <b>Mediana</b>  | $Me = L + a \frac{\frac{N}{2} - N_{i-1}}{n_i}, \quad Me = P_{50} = D_5 = Q_2$   |
| <b>Moda</b>   | $Mo = L + a \frac{\Delta_1}{\Delta_1 + \Delta_2} \quad \Delta_1 = n_i - n_{i-1}, \quad \Delta_2 = n_i - n_{i+1}$<br>Para intervalos desiguales se usan densidades de frecuencia |
| <b>Momentos de orden <math>k</math></b>                                 | Respecto a la media: $m_k = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^k n_i}{N}$<br>Respecto al origen: $a_k = \frac{\sum x_i^k n_i}{N}$   |
| <b>Asimetría</b>  | $g_1 = \frac{m_3}{s^3}$   |
| <b>Curtosis</b>   | $g_2 = \frac{m_4}{s^4} - 3$   |

|                |           |   |
|----------------|-----------|---|
| <b>Siendo:</b> | $N$       | Número de valores                           |
|                | $L$       | Límite inferior de la clase correspondiente |
|                | $a$       | Amplitud de la clase correspondiente        |
|                | $N_{i-1}$ | Frecuencia acumulada de la clase anterior   |
|                | $n_i$     | Frecuencia de la clase correspondiente      |
|                | $n_{i-1}$ | Frecuencia de la clase anterior             |
|                | $n_{i+1}$ | Frecuencia de la clase siguiente            |

**Anexo 5**  
**Fórmulas de estadística de 2 variables**

|   |   |
|---|---|
| <b>Medias aritméticas</b>                     | $\bar{x} = \frac{\sum x_i n_i}{N}; \quad \bar{y} = \frac{\sum y_i n_i}{N}$  |
| <b>Varianzas</b>                              | $s_x^2 = \frac{\sum x_i^2 n_i}{N} - \bar{x}^2; \quad s_y^2 = \frac{\sum y_i^2 n_i}{N} - \bar{y}^2$                                  |
| <b>Covarianza</b>                             | $s_{xy}^2 = \frac{\sum x_i y_i n_i}{N} - \bar{x} \bar{y}$   |
| <b>Coefficiente de correlación de Pearson</b> | $r = \frac{s_{xy}}{s_x s_y}$  |
| <b>Regresión LINEAL</b>                       | $y - \bar{y} = \frac{s_{xy}}{s_x^2} (x - \bar{x}) \quad \rightarrow \quad y = a + b x$  |
| <b>Regresión LOGARÍTMICA</b>                  | $y - \bar{y} = \frac{s_{\ln x y}}{s_{\ln x}^2} (\ln x - \overline{\ln x}) \quad \rightarrow \quad y = a + b \ln x$                  |
| <b>Regresión EXPONENCIAL</b>                  | $\ln y - \overline{\ln y} = \frac{s_{x \ln y}}{s_x^2} (x - \bar{x}) \quad \rightarrow \quad y = a \cdot b^x$                        |
| <b>Regresión POTENCIAL</b>                    | $\ln y - \overline{\ln y} = \frac{s_{\ln x \ln y}}{s_{\ln x}^2} (\ln x - \overline{\ln x}) \quad \rightarrow \quad y = a \cdot x^b$ |
| <b>Regresión CUADRÁTICA</b>                   | $\rightarrow y = a x^2 + b x + c$   |

## Anexo 6

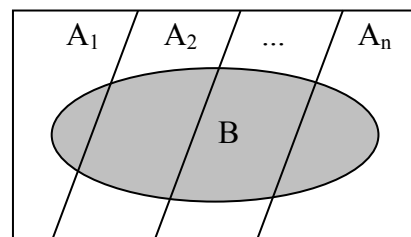
### Fórmulas de los teoremas de la Probabilidad Total y Bayes

Teorema de la Probabilidad total

$$P(B) = P(A_1) \cdot P(B / A_1) + P(A_2) \cdot P(B / A_2) + \dots + P(A_n) \cdot P(B / A_n)$$

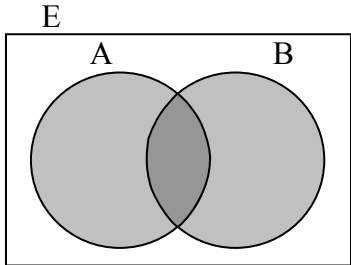
Teorema de Bayes

$$P(A_i / B) = \frac{P(A_i) \cdot P(B / A_i)}{P(B)}$$



## Anexo 7

### Fórmulas de probabilidad para dos sucesos A y B

|  |  |   |
|--|--|---|
| Suceso seguro $E$ :  | $P(E)=1$   |  |
| Suceso imposible $\emptyset$ :                                 | $P(\emptyset)=0$   |   |
| Suceso opuesto:  | $P(\bar{A}) = 1 - P(A)$<br>$P(\bar{B}) = 1 - P(B)$   |   |
| Sucesos incompatibles:   | $P(A \cap B) = 0$  |   |
| Sucesos independientes:  | $P(A/B)=P(A), \quad P(B/A)=P(B)$   |   |
| Unión de sucesos incompatibles:                                | $P(A \cup B) = P(A) + P(B)$  |   |
| Unión de sucesos compatibles:                                  | $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$  |   |
| Intersección de sucesos independientes:                        | $P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$  |   |
| Intersección de sucesos dependientes (Probabilidad compuesta): | $P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B / A)$  |   |
| Diferencia de sucesos:   | $P(A - B) = P(A) - P(A \cap B)$<br>$P(B - A) = P(B) - P(A \cap B)$                                       |   |
| Leyes de De Morgan:  | $P(\overline{A \cup B}) = P(\bar{A} \cap \bar{B})$<br>$P(\overline{A \cap B}) = P(\bar{A} \cup \bar{B})$ |   |
| Probabilidad condicionada:                                     | $P(A / B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}, \quad P(B / A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$                         |   |

## Especificaciones

|                            |  |
|----------------------------|--|
| <b>Descripción</b>         | HEstadis. Aplicación informática para entorno Windows para cálculos de estadística y probabilidad.   |
| <b>Precisión de salida</b> | Variable entre 8 y 10 dígitos exactos.   |
| <b>Precisión interna</b>   | 16 dígitos.  |
| <b>Tipos de cálculo:</b>   | <b>7 tipos:</b><br>Contraste de hipótesis<br>Intervalo de confianza<br>Distribuciones de probabilidad<br>Estadística de 1 variable<br>Estadística de 2 variables<br>Teoremas de la probabilidad Total y Bayes<br>Probabilidad para dos sucesos A y B |
| <b>Dimensiones</b>         | Ancho = 1024 píxeles, alto = 732 píxeles   |

## Marcas comerciales

VaxaSoftware y el logotipo Vaxa son marcas comerciales de Vaxa Software.

Windows es una marca comercial registrada o una marca comercial de Microsoft Corporation en los Estados Unidos de América y/o en otros países.

PDF es una marca comercial o marca comercial registrada de Adobe Systems Incorporated en los Estados Unidos y/o en otros países.

Todas las demás marcas comerciales son propiedad de sus respectivos propietarios.